Grandeur produit

Définition: Une grandeur produit est obtenue en multipliant au moins deux grandeurs simples.

Exemple 1 : L'aire d'une surface et le volume d'un solide sont obtenus à partir d'un produit de longueurs. L'aire et le volume sont donc des grandeurs produits.

L'aire s'exprime notamment en m²; cm²; ... et le volume s'exprime notamment en m³; dm³ Calcule l'aire d'un rectangle de longueur 6 m et de largeur 5 m.

Aire d'un rectangle = $longueur \times largeur$

Aire = $6 \text{ m} \times 5 \text{ m}$

Aire = 30 m^2 L'aire du rectangle est égale à 30 m^2 .

 $Exemple\ 2$: L'énergie électrique ${f E}$ consommée par un appareil de puissance ${f P}$ pendant une durée \mathbf{t} est donnée par la relation $\mathbf{E} = \mathbf{P} \times \mathbf{t}$. La puissance s'exprime souvent en $\mathbf{watt}(\mathbf{W})$, la durée en heure et l'énergie électrique en wattheure(Wh).

Calcule l'énergie consommée par une lampe de puissance 80 W pendant 8 heures.

 $E = P \times t$

 $E = 80 W \times 8 h$

E = 640 Wh. L'énergie consommée par cette lampe est égale à 640 Wh.

2. Grandeur quotient

Définition: Une grandeur quotient est obtenue en divisant au moins deux grandeurs

Exemple 1: La vitesse moyenne v est obtenue en faisant le quotient de la distance du parcours d par la durée du parcours t.

• Une voiture parcourt 720 km en 8 heures. Quelle est sa vitesse moyenne?

 $v = \frac{d}{t} = \frac{720 \text{ km}}{8 \text{ h}} = 90 \text{ km/h}$. La vitesse moyenne de cette voiture est égale à 90 km/h.

• Convertis 72 km/h en m/s.

$$\begin{array}{lll} \bullet \ \, \text{Convertis 72 km/h en m/s.} \\ v = \frac{72 \text{ km}}{1 \text{ h}} = \frac{72\ 000\ \text{m}}{3\ 600\ \text{s}} = 20\ \text{m/s} \end{array} \\ \end{array} \quad \begin{array}{ll} \bullet \ \, \text{Convertis 35 m/s en km/h.} \\ v = \frac{35\ \text{m}}{1\ \text{s}} = \frac{35\ \text{m} \times 3\ 600}{1\ \text{s} \times 3\ 600} = \frac{126\ 000\ \text{m}}{3\ 600\ \text{s}} = \frac{126\ \text{km}}{1\ \text{h}} \\ v = 126\ \text{km/h} \end{array}$$

Exemple 2 : Le débit d'un liquide \mathbf{D} est obtenue en faisant le quotient du volume du liquide \mathbf{V} par la durée de l'écoulement \mathbf{t} . Débit $=\frac{\text{Volume}}{\text{durée}}$ $\mathbf{D}=\frac{\mathbf{V}}{\mathbf{t}}$ liquide V par la durée de l'écoulement t.

• Un robinet met 40 secondes pour emplir un seau de 10 litres. Quel est son débit en L/s puis en m^3/h ?

$$D = \frac{V}{t} = \frac{10 \text{ L}}{40 \text{ s}} = 0.25 \text{ L/s}. \text{ Le débit de ce robinet est égal à 0.25 L/s}.$$

$$D = \frac{V}{t} = \frac{10 \text{ L}}{40 \text{ s}} = \frac{10 \text{ L} \times 3600}{40 \text{ s} \times 3600} = \frac{36000 \text{ L}}{40 \times 3600 \text{ s}} = \frac{900 \text{ L}}{1 \text{ h}} = \frac{0.9 \text{ m}^3}{1 \text{ h}} = 0.9 \text{ m}^3/\text{h}.$$
 Le débit de ce robinet est égal à 0.9 m³/h.

Exemple 3 : La masse volumique ρ est obtenue en faisant le quotient de la masse \mathbf{m} par le volume \mathbf{V} . $\rho = \frac{\text{masse}}{\text{Volume}} \qquad \qquad \rho = \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{V}}$

• Un diamant de volume 0,4 cm³ a une masse de 1,404 g. Quelle est sa masse volumique?

 $\rho = \frac{m}{V} = \frac{1,404~g}{0,4~cm^3} = 3,51~g/cm^3.$ La masse volumique de ce diamant est égale à 3,51 g/cm³.







★Exercice 1

Un radiateur électrique a une puissance de 1 500 W. Calcule l'énergie consommée par ce radiateur quand il fonctionne à cette puissance :

- (1.) pendant 3 h;
- (2.) pendant 4 h 30 min.

★Exercice 2

Une nuitée est une unité de mesure utilisée dans l'hôtellerie pour compatibiliser le nombre de chambres consommées par une clientèle dans un établissement.

nuitée = nombre de personnes × nombre de nuits

Une famille de 5 personnes fait un séjour de 3 nuits à l'hôtel. Combien de nuitées l'hôtelier va-t-il leur faire payer?

★Exercice 3

Le marathon est une épreuve sportive de course à pied sur une distance de 42 km 195 m. Paula Radcliffe détient actuellement le record du monde féminin (réalisé en 2003 à Londres) sur cette épreuve : 2 h 15 min.

Quelle a été sa vitesse moyenne en km/h lors de son record du monde? Arrondis le résultat au centième.

★Exercice 4

Le spingbok est une antilope d'Afrique. Elle a une vitesse de pointe de 90 km/h. Le tigre a une vitesse de pointe de 16 m/s.

Qui est le plus rapide? Justifie ta réponse.

★Exercice 5

La pompe de filtration d'une piscine a un débit de 20 m³/h.

- (1.) Sachant que le volume de cette piscine est de 64 m³, combien de temps faudra-t-il pour filtrer toute l'eau? Donne le résultat en heures et minutes.
- (2.) Avec cette pompe, quelle quantité d'eau peut-on filtrer en 1 h 45 min?

★Exercice 6

La densité de population s'exprime en nombre d'habitant par km²:

nombre d'habitants Densité de population = superficie

La superficie de l'Italie est de 300 000 km². En 2015, ce pays comptait 61 000 000 habitants.

Calcule la densité moyenne de la population de l'Italie.

★Exercice 7

5 m³ de sable pèsent 8 tonnes.

- (1.) Quelle est la masse volumique de ce sable?
- (2.) Combien pèse 1,5 m³ de sable?
- (3.) Quel est le volume de 1,5 tonne de sable?